

**T. P. N° 9****DESIGUALDADES Y SISTEMAS DE DESIGUALDADES CON APLICACIONES**

Páginas del Stewart 6ª Edición: 703 a 709

**Problema 1)** El triple de un entero más cuatro, menos el doble de este entero está entre 10 y 15. Determine todos los enteros que satisfagan la expresión dada.

**Problema 2)** Una empresa textil fabrica telas de algodón y mezcla. Cada pieza de Algodón requiere 2 horas máquina y cada pieza Mezcla requiere 5 horas máquina. Sabiendo que se disponen semanalmente como máximo de 280 horas máquina, se pide:

- a) Halle la relación entre las cantidades semanales que de los dos productos se fabrican, si se emplean todas las horas máquina.
- b) ¿Cuál es la pendiente de la recta hallada? ¿Qué representa? Grafique la relación hallada.
- c) ¿Podría la empresa fabricar las siguientes distribuciones de producto? Justifique cada una de sus respuestas.
  - i) 20 piezas de Algodón y 35 Mezcla.
  - ii) 56 piezas de Algodón y ninguna Mezcla
  - iii) 20 piezas de Algodón y 120 Mezcla.

**Problema 3)** En relación al problema 2), si debido a inconvenientes para conseguir la materia prima, se pueden fabricar como máximo 100 piezas de algodón, se desea saber:

- a) Represente gráficamente esta nueva situación.
- b) Cuántas piezas de mezcla se podrán hacer si se fabrica el máximo posible de algodón.
- c) Ubique dicha distribución en el gráfico realizado.

**Problema 4)** Dado el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} y + 2x = 9 \\ 2y - x = 8 \end{cases}$$

Se pide:

- a) Halle el conjunto solución indicando el método elegido.
- b) Grafique ambas rectas en un mismo sistema de ejes coordenados e indique el conjunto solución hallado en a) en dicha gráfica.

**Problema 5)** Resuelva gráficamente el siguiente sistema de desigualdades, determinando claramente su conjunto solución:

$$\begin{cases} y + 2x \leq 9 \\ 2y - x \leq 8 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$$

**Problema 6)** Compare los conjuntos solución hallados en los problemas **4)** y **5)** y analice sus diferencias.

**Problema 7)** Dado el siguiente sistema de desigualdades  $\begin{cases} x \geq 0, y \geq 0 \\ y + 2x < 8 \\ y \leq -x + 6 \end{cases}$

Se pide:

- Grafique el conjunto solución.
- Determine las coordenadas de todos los vértices del área que representa dicho conjunto.
- Ubique en el gráfico realizado los puntos: P(1,5) ; Q(3,2) ; T(1,1) y R(1,7) e indique para cada uno de ellos, si pertenece o no al conjunto solución, justificando adecuadamente.

**Problema 8)** Resuelva el sistema de desigualdades del ejemplo 2, de la página 705 del libro de Stewart, reemplazando la desigualdad lineal por  $x + 2y < 5$

**Problema 9)** Se tiene el siguiente sistema de desigualdades  $\begin{cases} y \geq |x| \\ y \leq 5 \end{cases}$

Se pide:

- Grafique el conjunto solución.
- Determine las coordenadas de todos los vértices del área que representa dicho conjunto.
- Ubique en el gráfico realizado los puntos: P(1,5) ; Q(3,2) ; T(1,1) y R(1,7) e indique para cada uno de ellos, si pertenece o no al conjunto solución, justificando adecuadamente.

**Problema 10)** Dadas las siguientes desigualdades, grafique el conjunto solución de cada una de ellas

i)  $x^2 + y^2 < 16$

ii)  $y + 2x > 4$

**Problema 11)** En el ejemplo 3, de la página 706, cambie o elimine las desigualdades necesarias para que la solución del sistema sea el triángulo de vértices  $(0; 8)$ ,  $(0; 4)$ , y  $(6; 2)$

**Problema 12)** Dado el siguiente sistema de desigualdades, se pide:

a) Grafique su conjunto solución.

$$\begin{cases} x^2 + y^2 < 16 \\ y + 2x \geq 4 \end{cases}$$

b) Ubique en el gráfico realizado los puntos:  $P(2,0)$  ;  $Q(3,0)$  ;  $T(5,8)$  y  $R(-2, -1)$  e indique para cada uno de ellos, si pertenece o no al conjunto solución, justificando adecuadamente.

**Problema 13)** Una firma está planeando la producción para la semana siguiente. Está haciendo dos productos, X e Y, cada uno de los cuales requiere cierto número de horas en fundición, maquinación y acabado, de acuerdo a lo que se muestra en el cuadro siguiente:

| Producto | Horas por unidad |             |         |
|----------|------------------|-------------|---------|
|          | Fundición        | Maquinación | Acabado |
| X        | 6                | 3           | 4       |
| Y        | 6                | 6           | 2       |

Durante la semana que se está planeando, el número de horas de que se va a disponer en cada una de las áreas en cuestión es el siguiente: fundición 108 hs., maquinación 150 hs., acabado 60 hs.

- Encuentre el sistema de desigualdades lineales que muestra las cantidades de X e Y que pueden ser producidas.
- Suponiendo que, durante esa semana, el fabricante deberá satisfacer un pedido de 14 unidades del producto X, ¿cuál será el máximo de unidades de Y que podrá entonces producir?
- La producción semanal de 18 unidades del producto Y, ¿le permitiría satisfacer alguna demanda del producto X?
- Grafique el conjunto solución, y señale en el mismo gráfico los valores correspondientes a las respuestas de los incisos **b** y **c**

**Problema 14)** Un taller fabrica camisas y pantalones. Tres máquinas (de cortar, coser y teñir) se emplean en la producción. Fabricar una camisa representa emplear la máquina de cortar una hora, la de coser tres horas y la de teñir una hora; fabricar un pantalón representa usar la máquina de cortar una hora, la de coser una hora y la de teñir ninguna. La máquina de teñir se puede usar durante tres horas diarias, la de coser once y la de cortar siete.

- a) Encuentre el sistema de desigualdades que describa el posible número de camisas y pantalones que el fabricante puede fabricar durante un día.
- b) ¿Cuál es el máximo número de pantalones que puede fabricar diariamente?
- c) Si, un determinado día, debe fabricar la mayor cantidad de camisas posibles, ese día, ¿cuántos pantalones podrá fabricar?
- d) Grafique el conjunto solución y señale en el mismo gráfico los valores correspondientes a las respuestas de los incisos **b** y **c**

## PROGRAMACION LINEAL

**Problema 1)** Un veterinario ha recomendado que durante un mes, un animal enfermo tome diariamente para su recuperación, al menos, 4 unidades de hidratos de carbono, 23 de proteínas y 6 de grasa. En el mercado se encuentran dos marcas de alimento, A y B, con la siguiente composición:

| MARCA | HIDRATOS | PROTEÍNAS | GRASA | PRECIO |
|-------|----------|-----------|-------|--------|
| A     | 4        | 6         | 1     | 1 \$   |
| B     | 1        | 10        | 6     | 1,6 \$ |

¿Cómo deben combinarse ambas marcas para obtener la dieta deseada al mínimo precio?

**Problema 2)** Una compañía aérea tiene dos aviones, A y B, para cubrir un determinado trayecto. El avión A debe recorrer mayor cantidad de veces el trayecto que el avión B, pero no puede sobrepasar 120 viajes. Entre los dos aviones deben hacer más de 60 vuelos, pero menos de 200. En cada vuelo, A consume 900 litros de combustible y B 70 litros. ¿Cuántos vuelos debe hacer cada avión para que el consumo de combustible sea mínimo?

**Problema 3)** En una urbanización se van a construir casas de dos tipos; A y B. La empresa constructora dispone para ello de un máximo de 18 millones de pesos, siendo el costo de cada tipo de casa de 300 000 pesos y 200 000 pesos, respectivamente. El Municipio exige que el número total de casas no sea superior a 80. Sabiendo que el beneficio obtenido por la venta de una casa de tipo A es de 40 000 pesos y de 30 000 pesos por una del tipo B, ¿cuántas casas deben construirse de cada tipo para obtener el máximo beneficio?

**Problema 4)** Un orfebre fabrica dos tipos de joyas. Las del tipo A precisan 1 g de oro y 1,5 g de plata, vendiéndolas a 40 dólares cada una. Para la fabricación de las de tipo B emplea 1,5 g de oro y 1 g de plata, y las vende a 50 dólares. El orfebre tiene solo en el taller 750 g de cada uno de los metales. Calcule cuántas joyas ha de fabricar de cada clase para obtener un beneficio máximo.